# 報告

# 台風近傍のアルゴデータによる水温変化の統計的解析

湊 信也\*

# 要 旨

2000 ~ 2010 年の北西太平洋の台風 253 個を対象とし,台風進路近傍のア ルゴフロートの約 4400 個の水温プロファイルの変化を統計的に調べた.海 面付近での,台風後方(幅 500km)の平均水温変化は,台風の最大風速が 30 ~ 40m/s の場合,-0.8℃であり,標準偏差は1.1℃であった.この風速まで, 平均水温変化には最大風速に対して明瞭な線形関係がみられる.水温低下は 海洋中層までみられ,その深度は観測位置の緯度に依存していた.台風の移 動速度が海洋内部波の速度より大きい/小さいで平均水温変化への影響が大 別できた.小さい場合の方が,特に 200m 深で水温低下が大きかった.

1. はじめに

北太平洋で発生・発達・消滅する台風は海洋に その痕跡を残しており,特に海面水温には顕著な 水温低下が観測されている.従来,多くの観測研 究が台風強度と海面水温との関係に注目していた が,和田ら(Wada and Usui, 2007)は台風強度と 海洋上層の積算熱容量との相関が高いことを明ら かにした.このことは台風の進路に沿って少なく とも海洋上層には擾乱の記憶が残っていることを 示している.具体的には幾つかの形-混合,内部 波,パンピング-等が理論的に明らかになってい るが,それら海洋内部の水温変化の構造を検証し ようとするデータ解析は観測の性格から事例研究 の範囲を出ることは難しい.

そこで,2000 ~ 2010 年の北西太平洋の台風を 対象とし,収集した台風近傍のアルゴフロートの プロファイルデータを使って海洋上層の水温プロ ファイルの変化を,特に台風パラメータとの関係 について統計的に調べた.

#### 2. 使用したデータと解析方法

2000 年~2010 年の北西太平洋の台風 253 個に ついて、台風のベストトラックデータ(気象庁) とベストトラックの進路に沿った、アルゴフロー トで観測したプロファイルデータ(GDAC, 2011 年10月時点のもの)約4400 個を使用した.

アルゴフロートによるプロファイルは一つ一つ が独立した観測であり、台風に対しては時間・空 間的にランダムな観測といってよく、対応する台 風もまちまちである.ここでは台風近傍のアルゴ データという見方をかえて、一つのアルゴデータ に一つの台風(後述の浮上時台風.最近接台風や 台風パラメータ等の情報ももつ)を、ベストトラ ックデータを使って対応させた.そして時間的・ 空間的にランダムに分布するフロートを、対応す る台風に着目し1枚の平面上にまとめた.すなわ ち対応する台風を原点に置き、台風に対するフロ ートの仮想位置だけを記した1枚の平面,言い換 えれば原点に置かれたただ一つの台風に対する観

<sup>\*</sup>気象研究所 台風研究部(平成 25 年 3 月 31 日付で定年退職)

測点マップを作るのである.これを(台風-フロ ート) コンポジットと呼ぶことにする. 具体的に は以下の手順でコンポジットを作成し、プロファ イルを解析した.①台風近傍のアルゴフロートを、 浮上時刻が台風記録期間(ベストトラックデータ がある期間)内で台風中心からの緯度経度差が 20°×8°の範囲にあるものとして予備選択する (第1図). ②予備選択したフロートのプロファイ ルと前回のプロファイル(通常10日前)が50% 以上の観測層で問題なしと判定されたデータのみ 使う. プロファイルを Akima 法で内挿し, 前回 プロファイルとの差を偏差とする. ③個々のフロ ートについて、フロート浮上時の台風(以下、浮 上時台風)中心位置とフロート浮上位置に最も近 い台風(以下,最近接台風)中心位置をベストト ラックデータから求め,以下の三通りの方法で, 前者を原点とする仮想座標平面を決める(計算式 を付録に記す).

- [a] 最近接台風から浮上時台風への向きをy軸 とし,進行方向を仮想的な北向き(最近接台 風の時刻が浮上時台風より早い場合;逆の場 合は反対向き),浮上時台風を原点とする. 球面上で浮上時台風を中心に,y軸を子午線 北向きに回転するのと同じ回転でフロート位 置を回転し,仮想座標を計算する.(第2図左)
- [b] ベストトラックに沿った方向をy軸とし、 進行方向を仮想的な北向き、浮上時台風を原 点とする.最近接台風の仮想座標(ベストト ラックに沿った距離に符号を付けたものが y座標)に最近接台風からフロートへの相対 位置を加えたものをフロートの仮想座標とす る.(第2図右)
- [c] ベストトラックをy軸,進行方向を北向き, 浮上時台風を原点とする.最近接台風から



0914 nearbyArgoFloats within 3degree (cyan : extracted black : pre extracted)

青丸:予備選択フロート,黒丸:除外フロート.楕円(赤実線)は強風域の目安を表す.

第1図 台風 0914 の軌跡と近傍アルゴフロート

浮上時台風までの経過時間をy座標とする. [b] で計算したフロートの相対位置のうちx 成分だけをx座標として使う.

ステップ③のどれかの方法で作った,浮上時 台風を原点とする1枚の座標平面上にステップ①, ②で選択した全フロートを置く.すなわち全フ ロートの浮上時台風を原点という1点,最近接台 風をy軸という1本の直線上に並べたコンポジッ ト図を作る.以後,コンポジット面のx軸を仮 想経度,y軸を仮想緯度と呼ぶ.さらに-7.2° 仮想経度≦7.2°(~800km),-18°≦仮想緯度≦9° (~1000km)の範囲のフロートだけを選択して水 温変化を調べた.実際に[a]~[c]の方法を適用 してみると,選択されたフロート数は最大1割程 度の違いしかなく,解析結果も大差ない.以下で は[a]の方法のみを使う.[a]によるフロートの分 布を第3図に示す. 以下では論点を二つに絞った.一つは海洋の応 答の様子(構造)がそれぞれ独立な観測値である フロートデータから出てくるか否かについてであ る.もう一つは台風通過域の低温化現象が統計的 に確認できるか否かである.

# 3. 台風通過域の水温変化

第3図はフロートの分布であると同時に10db 深水温偏差の分布である.浮上時台風(原点)の 後方(y<0の部分),-2°≤仮想経度≤3°の領域(以 下,台風 wake と呼ぶ)では負偏差が正偏差より 多く,-1℃を超える負偏差も多くみられる.この 特徴はこれまでの報告とは矛盾せず,コンポジッ ト図は海洋擾乱の,少なくとも1側面は捉えてい るといえる.

台風の最大風速や移動速度等のパラメータ に条件を付けて, 色々な台風に対する水温変化





緑丸:台風 0914 の近傍アルゴフロート,黄丸:最近接台風,赤丸:浮上時台風,青丸:仮想平面上のフロート位置. [a] 青矢印は該当フロートの仮想南北軸. [b] の仮想南北軸 (y) は台風トラックに沿ってとる ( $y = \int_{\frac{R \cup f S \cap B}{p_{\perp B} \cap B}} ds$ ).

の様子を調べることができる. ここでは Price (1981) が行った Huricane Eloise の通過に対する 海洋表層の応答のシミュレーション結果(以下, Price1981 と呼ぶ)と比較してみた. Price1981で は Huricane Eloise を一定移動速度 8.5m/s,最大風 速 35m/s, 30knot 半径 250km の円形の典型的な台 風としてモデル化している. それに対してフロー ト観測値の集合は様々な台風近傍のものであるか ら解析結果が近似的に等しいものである必要はな いが,定性的に似ていることがここで採用したコ ンポジット図の妥当性を支持する状況証拠の一つ となる.

浮上時台風が 6m/s<U (進行速度) <16m/s の条 件を満たすフロート 2115 個により合成した 10db での水温変化を第4図に示す. これと Price1981 (Fig.15b) とを比べてみると,台風の進行方向の 右側に,下流に向かって長く尾を引く低温域がみ られるというシミュレーションの特徴は捉えてい る. ただし最小値でも -1.5℃程度で Price1981 の 半分程度である.

より深い層ではどうなっているのか、コンポジ ットの 100db 水温偏差を第5 図に示す. これと直 接比較できる図は Price1981 にはないので、大体 の様子は似ているであろうと推測できる 130db 深 の等密度面の上昇量ηとを比べる.パターンでみ る限りコンポジット低温域の方が僅かに台風トラ ックから西にずれているものの, そこに低温域が 局在する、という特徴は捉えている.次に、台 風 wake  $O_y = -9^\circ \pm 2^\circ$ の領域で進行軸(y軸)方 向に平均した鉛直断面図(第6図)とPrice1981 (Fig.21a) の 1.25 慣性周期後のそれと比べる. コ ンポジットの低温偏差域はシミュレーションより も1°程度左(西)にずれてはいるが,30db以浅 の低温偏差 (Min≈-0.25°C), 140db の低温偏差 (Min ≈-0.3°C), コンポジットの進行軸の右(東)側で, 40db 以深の高温偏差(Max≈0.6°C; 200db 深まで つながっているが)は、定量的には合っていない ものの、よくシミュレーションの特徴を捉えてい



第3図 2000 年~2010 年の北西太平洋の台風について、フロート浮上時の台風中心を原点に置いたコンポジット 10db 水温偏差分布例. 横軸,縦軸はそれぞれ仮想経度(°),仮想緯度(°).-8° ≦仮想経度≦+8°,-18° ≦仮想緯 度≦9°の範囲で表示している. 絶対値が大きい丸印を少し大きく描いている.



第4図 コンポジット面上 10db での水温偏差(左)と Price1981 の海面水温偏差(Fig.15b,右) 左図の横軸,縦軸はそれぞれ仮想経度(°),仮想緯度(°). 1.2°×2.4°のボックスで平均をとり等値線を描いた. 等値線間隔は 0.13℃.



第5図 コンポジット面上100dbでの水温偏差(左)とPrice1981の(台風前方で130dbにある)等密度面上昇量(Fig.20b, 右)

左図の横軸,縦軸はそれぞれ仮想経度(°),仮想緯度(°). 1.2°×2.4°のボックスで平均をとり等値線を描いた. 等値線間隔は0.13℃.



第6図 コンポジット xz 断面-11°≤ y ≤ -7°での水温偏差(左)と Price1981 の水温偏差断面(Fig.21a,右) 左図の横軸,縦軸はそれぞれ仮想経度(°),仮想緯度(°).1.2°×2.4°のボックスで平均をとり等値線を描いた. 等値線間隔は 0.067℃.

る.

もちろん,ここで作成したコンポジットでも 台風 Eloise でも一定の速度で進んでいる訳ではな く,強さも進路に沿って一定ではなく,また海洋 の成層も同じものではないので Price1981 との比 較で分かることは,台風に対する水温変化の特徴 の,ごく一般的な特徴が大雑把に表現できている 程度であるが,定性的には矛盾していないといえ る.

台風の進行速度と水温変化の関係は従来より理 論的に調べられている(例えば,Gill(1982),和 田(2005)).海洋の長波長内部波の進行速度,お おむね2~3m/s程度,が重要なパラメータであり, それより台風の進行速度が速いと海洋の応答は双 曲的,遅いと楕円(順圧)的であることが分かっ ている.そこで最近接台風の進行速度が2m/s以 下(sub-critical,以下SB),4m/s以上(super-critical, 以下SP)の二つのグループを作り,コンポジッ トの台風後方の全領域,すなわち仮想経度方向に ±800km,仮想緯度方向に0~-2000kmの範囲で 平均した水温偏差プロファイルを作った.それぞ れの平均値と標準偏差を第7図に示す.標準偏差 は同程度であるが平均値に明らかな違いがみら れた.平均値ではどちらも 600db 以浅で低温偏 差を示している.海面での値は SB で -0.4 $^{\circ}$ , SP で -0.3 $^{\circ}$ ,海面付近以外で SP では SB の 1/3 程度 であり Geisler (1970)等の理論を支持している. SB, SP のどちらについても水温偏差の標準偏差 は平均値の 2 ~ 4 倍程度であり,いつでも低温偏 差が観測される訳ではないことを表している.

台風の進行速度が 4m/s 以上のグループを更に, アルゴフロートの浮上緯度によって浮上緯度が 10°以南の場合(a)と30°以北の場合(b)に分 けて平均をとったものを第8図に示す.水温偏差 やその標準偏差の大きな深度がロスビー高度で与 えられるという,成層海洋の線形応答の特徴(例 えば Gill(1982))を支持している.このことは アルゴフロートのようなランダムな観測でも線 形論と比較できる結果が得られることを示してい る.

水温変化を引き起こす原因には、台風によって 常に生じる準定常鉛直流(エクマンタイプのもの と地衡流平衡を回復しようとする流れ)と内部波 による鉛直・水平移流,内部波の砕波の他に、水 温が異なる場所へのフロートの移動,異水塊の貫 入等が考えられるが,平均水温変化には準定常鉛 直流と内部波の砕波の寄与が卓越していると考え られる.何故ならこれら以外の現象は単発的なも のであり,内部波による鉛直・水平移流と共に, 多くのプロファイルについての平均をとるとごく 小さくなるからである.内部波の砕波による水温 変化域は鉛直スケールが小さく,第7図,第8図 の200db以浅の細かい凸凹に寄与していて,平滑 化された全体は準定常鉛直流による水温変化を捉 えているものと思われる.

ところで, 台風後方にいつでも低温偏差が観測



#### 第7図 平均水温偏差プロファイル

(a) 最近接台風の進行速度 2m/s 以下,(b) 4m/s 以上のフロートの水温偏差プロファイルの平均値(青実線)と標 準偏差(赤破線). 横軸,縦軸はそれぞれ水温偏差(℃),深度(db).



第8図 平均水温偏差プロファイル

(a) 浮上緯度が10°以南,(b) 浮上緯度が30°以北のフロートの水温偏差プロファイルの平均値(青実線)と標準偏差(赤破線). どちらも浮上時台風の進行速度を4m/s以上としている.図中の矢印はロスビー高度.横軸,縦軸はそれぞれ水温偏差(℃),深度(db).

される訳ではないのはなぜだろう.すなわち平均 値の数倍の大きさの標準偏差をもたらすものであ る.前段の考察より,その原因は台風によって常 に生じる内部波とその不安定による混合(砕波) にあると考えられる.これらの過程をアルゴデー タから調べることはできないが,内部波や不安定 の強さの傍証になるようなものはある.例えばバ

イサラ振動数の2乗( $N^2 = -\frac{g}{\rho} \frac{d\rho}{dz}$ , gは重 力加速度, $\bar{\rho}$ として前回のプロファイルに±5db の移動平均をかけた密度を使った)を,2009年 の北西太平洋の22個の台風のうち,南シナ海で 発達・消滅した8個を除く14個の台風近傍のフ ロート全部についてプロットしてみると(第9図) 1×10<sup>3</sup>s<sup>2</sup>程度の大きさの激しい振動(図の灰色 の領域に空白域がないことからわかる)がみられ, 小さいながら(4×10<sup>4</sup>s<sup>-2</sup>程度)負になっている 部分もある.負から僅かに正の $N^2$ までは成層不 安定の領域である.内部波が活発なのは500db以 浅,不安定になり得るのは200db以浅であること がわかる.

鉛直変位を $\eta = \rho' g^2 / N^2$ で計算し(ここで

*ρ*'=浮上時の密度-前回の密度), それを使って 各フロートのプロファイルの変化を調べてみる. 第10図に、その一例として WMO 番号 2900632 のフロートの、サイクル116 (2009/10/18、北緯 11.5°, 東経 129.3°; 台風 0917) とサイクル 115 (2009/10/8) 間の(a)水温変化,(b) 塩分変化を 示す.赤実線は実測値で浮上時の水温(a)又は 塩分(b)-前回の水温(a)又は塩分(b),青実 線は鉛直変位  $\eta$  を使った計算値  $T'' = \eta \partial \overline{T} / \partial p$  又 は $S'' = \eta \partial \overline{S} / \partial p$ である.  $\overline{T}, \overline{S}$ はそれぞれ水温, 塩分の, このフロートの全サイクルにわたる平均 値である. 500db 以浅で両者の違いが大きく,計 算値と実測値の差は繰返し符号を変えている. こ の差は内部波による水平移流や砕波によると思わ れるが、水温が異なる場所へのフロートの移動等 の可能性も捨てられない.

2009年のフロート全部で鉛直変位を平均した ものを第11図に示す.SBの平均値は間欠的に 負(下降)になる部分を除いてほぼ正(上昇)で あり全域でSPの平均値より大きく,その標準 偏差(赤実線)はSPのそれと同程度かやや小さ い.間欠的に負になる部分では標準偏差は大きい.



第9図 台風通過域に浮上した 2009 年のフロート 624 個の (バイサラ振動数)2

灰実線は個々のプロファイルの N<sup>2</sup>, 黒実線は平均値(太線)と平均値±標準偏差. 横軸, 縦軸はそれぞれ振動数<sup>2</sup>(s<sup>-2</sup>), 深度(db).

SP の平均値 <u>n</u> (青実線) は 100db 以浅を除いて ほぼ0,標準偏差*sd*(*n*)(赤実線)はほぼ一定である. 第 7 図と共に, 70 ~ 100db 以深では SB の方がス ピンアップを伴う鉛直循環が強く,内部波の生成 は若干小さいことを示唆しているようにみえる.



第10図 アルゴフロート 2900632 のサイクル 115 とサイクル 116 の間のプロファイルの変化

(a) は水温, (b) は塩分.赤実線は偏差の実測値で浮上時プロファイルー前回のプロファイルである.青実線は 鉛直変位  $\eta$  から計算した水温偏差  $T'' = \eta \partial \overline{T} / \partial p$  又は塩分偏差  $S'' = \eta \partial \overline{S} / \partial p$ .  $\overline{T}$ ,  $\overline{S}$  はこのフロートの全サイクル のそれぞれ水温,塩分の平均値である.縦軸は深度 (db).



第11 図 2009 年のフロートによる鉛直変位の平均値 7 (青実線) とその標準偏差 sd(η) (赤実線)

(a) は最近接台風の進行速度≤2m/sの場合,(b) は最近接台風の進行速度≥4m/sの場合. 横軸,縦軸はそれぞれ 鉛直変位(db),深度(db).

## 4. 台風通過域の低温化

2000 ~ 2010 の台風 wake に浮上した全てのフ ロート観測値を使って,台風パラメータと水温変 化の関係を調べた.縦軸に水温偏差,横軸に台風 パラメータをとったときの散布図を第12 図に示 す.台風パラメータとしては最近接台風の最大風 速(上段),移動速度(下段)を使った. どちらの図からもこれらの間に相関はみられない. 各深度,台風パラメータの各区間内で計算した水温偏差の平均と標準偏差を第13図に示す.

最大風速をパラメータとしたとき(左図),平 均値は(100db, 50-60m/s)の値を除いて負であ



第12図 2000~2010の台風 wake でのフロート水温偏差と最近接台風の台風パラメータの散布図

縦軸, 横軸はそれぞれ(上段)10dbの水温偏差, 最大風速(m/s), (下段)10db/200dbの水温偏差, 移動速度(m/s).

り水温低下を示している.最大風速が 30~40m/ sまでは,最大風速が大きくなるとともに,10db 平均値は線型的に低下,100db 平均値は逆に絶対 値が小さくなっているが,200db 以深の平均値は ほとんど変わらない.標準偏差は400db 層を除 き,最大風速とともに大きくなっている.移動速 度をパラメータとすると,海面付近と800db 以深 の平均水温偏差はごく弱い依存性しか示していな いが,100~200db のそれは2~4m/s あたりを 境にして SB と SP グループの特徴を示している.

最後に,第14図に最近接台風の最大風速(mw) (a)と最近接台風の移動速度(tv)(b)を台風パ ラメータとしたときの10db(上)と200db(下) での水温偏差の分布関数を示す.横軸は標準偏差 で規格化した水温偏差で0.5 きざみ.Total(太実 線○印)が全フロートに対する分布関数で台風パ ラメータの値ごとのものを細実線,正規分布とコ ーシー分布を無印の太実線で示している.200db では最大風速が50~60m/s,移動速度が2m/s以 下だと正規分布に近いがそれ以外はコーシー分布 に近い.10dbでは幅が広くなりどちらに近いと もいえない.水温偏差の絶対値には上限があるの でコーシー分布と比べるのは無理があるが,それ に近いことは興味深い.

#### 5. まとめ

台風の強度・移動速度と海洋の水温変動との関 係を観測データから明らかにするために,台風進 路近傍のアルゴフロートによる多数の観測値を統 計的に解析した.解析にあたり,論点を二つに絞 った.一つは海洋の応答の様子(構造)が,それ ぞれ独立な観測値であるフロートデータから出て



 第 13 図 2000 ~ 2010 の台風 wake のフロート水温偏差の平均値及び標準偏差と最近接台風パラメータ
(a) は台風パラメータとして最大風速 (m/s), (b) は移動速度 (m/s) をとったもの. それぞれ,上は平均値, 下は標準偏差である.



第14図 2000~2010の台風 wake のフロート水温偏差の分布関数

横軸は標準偏差で規格化した水温偏差  $(T' - \overline{T'})/sd(T')$  で 0.5 きざみ.  $\overline{T'}$ , sd(T') は水温偏差T'の台風パラメータの各カテゴリー内での平均値と標準偏差である. (a) では Total を最近接台風の最大風速 (mw) で類別, (b) では最近接台風の移動速度 (tv) で類別した. それぞれ, 10db (上), 200db (下) でのもの.

くるか否か.もう一つは台風通過域の低温化現象 が統計的に確認できるか否か.この両者に対して 肯定的な結果が得られた.

前者については、アルゴデータから作った台風 コンポジットを過去のシミュレーションと比較し て水温変化の構造を、定性的ではあるがよく捉え ていた.標準偏差は平均値の2~4倍程度大きく、 台風通過域の海面付近でも水温低下がみられない 場合もしばしばあることを示している.平均水温 変化は、海面付近で低温化、表層200dbまでは符 号を変えたり小規模の強弱を繰り返し、海洋中層 までみられる.その深度は観測位置の緯度に依存 していて、(各緯度の)ロスビー高度とほぼ一致 する.これは成層海洋の線形応答の特徴を支持し ている.台風の移動速度は、海洋内部波の速度よ り大きい(SP) /小さい(SB)で平均水温変化 への影響が大別できた.SBの方が鉛直循環が強く,内部波の生成はほぼ同程度か若干小さい.

後者についても、台風後方(幅 500km)で平 均水温に低下がみられ、海面付近での平均水温変 化は、(最近接)台風の最大風速が~20m/s [30~ 40m/s]の場合、-0.4℃[-0.8℃]であり、標準偏差 は0.4℃[1.1℃]であった。風速40m/sまで、海面 付近の平均水温低下には最大風速に対して明瞭な 線形関係がみられた.標準偏差も400db層を除き、 最大風速とともに大きくなっていた。

### 参考文献

- Geisler, J. E. (1970) : Linear Theory of the Response of a Two Layer Ocean to a Moving Hurricane. Geophysical Fluid Dynamics, 1, 249-272.
- Gill, A.E. (1982) : Atmosphere-Ocean Dynamics, Chapter 9.11, Academic Press
- Price, J. F. (1981) : Upper Ocean Response to a Hurricane. J.P.O., 11, 153-175.
- Wada, A., and N. Usui (2007) : Importance of tropical cyclone heat potential for tropical cyclone intensity and intensification in the western North Pacific. J. Oceanogr., 63, 427–447.
- 和田章義(2005):台風に対する海洋の応答.日本気 象学会2005年度春季大会講演予稿集P366,454.

# 付録

半径1の球面上の最近接台風 A, 浮上時台風 B の(緯度, 経度)をそれぞれ A ( $\theta_A$ ,  $\varphi_A$ ), B ( $\theta_B$ ,  $\varphi_B$ ) と する. AB の距離 (大円弧 AB の長さ)を $\lambda$ , A を基準にみた B の方位を $\omega$  (反時計回りが正)とすると(図 A), これらは

で与えられる.フロートC( $\theta_{C}, \varphi_{C}$ )を $-\omega$ だけAの周りに回転するとCの仮想座標点D( $\theta_{D}, \varphi_{D}$ )が得

$$\cos\lambda = \sin\theta_A \sin\theta_B + \cos\theta_A \cos\theta_B \cos(\varphi_B - \varphi_A)$$

 $\sin \omega = \frac{\cos \theta_B \sin(\varphi_B - \varphi_A)}{\sin \lambda}, \quad \omega > 0 \text{ for } \varphi_B - \varphi_A > 0$  $\cos \omega = \frac{\cos \theta_A \sin \theta_B - \sin \theta_A \cos \theta_B \cos(\varphi_B - \varphi_A)}{\sin \lambda}$ 

られるが、最近接台風とフロートの位置は近く、相対位置は次のように平面近似できる.

$$(\varphi_D - \varphi_A) \cong (\varphi_C - \varphi_A) \cos\omega + (\theta_C - \theta_A) \sin\omega / \cos\theta_A$$
$$(\theta_D - \theta_A) \cong (\theta_C - \theta_A) \cos\omega - (\varphi_C - \varphi_A) \sin\omega \cos\theta_A$$



図 A 球面上の2点 A, B の距離(大円弧 AB の長さ) λ と, A を基準にみた B の方位ω(北向きから反時計回りを 正とする)