# 特集「高潮防災情報の改善に向けて」

# 面的天文潮位の予測手法とその精度\*

# 高佐 重夫 \*\* \*1 · 近澤 昌寿 \*\* · 森 裕之 \*\*\*

#### 要 旨

平成22年度に開始した市町村を対象とした高潮警報・注意報の的確な発表を支援するため,我が国の海岸線に沿った任意の地点における天文潮位(面的天文潮位)を推算する手法を開発した.

面的天文潮位の短周期潮は、まず日周潮・半日周潮の主要8分潮について オレゴン州立大学潮汐モデル・データ同化ソフトウェア(OTIS)の潮汐モ デルで算出した後、応答法で近隣の19分潮を推定し、これらの結果に検潮 所の潮汐調和定数をアンサンブル変換カルマンフィルターで同化することで 各格子の調和定数とした.一方、長周期潮のうちSa分潮については、海洋 データ同化システム(MOVE/MRI.COM)の海面高度解析値及びJRA-25の 気圧解析値を調和解析し、検潮所の調和定数を最適内挿法で同化し、各格子 のSa分潮とした.

この手法によって得られた天文潮位と、従来から用いられている天文潮位 の推算精度を比較したところ、外洋に面した地点に比べ、浅海潮の影響の大 きい内湾の湾奥部では面的天文潮位の推算精度がやや劣る傾向にあるが、ほ とんどの地域でおおむね良い精度を示しており、海域による特性を理解して おけば現業での利用が可能であることが分かった.

# 1. はじめに

気象庁では、モデルを用いた力学的な高潮予測 を1998年に現業化(檜垣,2001)して以来、計 算の高頻度化(1日8回化)や計算格子の高解像 度化(1km化)などの改善を進めながら、台風 接近時における高潮警報・注意報の発表に利用し ている.これまで、全国の予報区をほぼ網羅する 295 地点(2010年5月時点)を対象に、天文潮位 と高潮モデルで計算される潮位偏差を重ね合わせ た潮位予測を「高潮ガイダンス」として全国の気 象官署に提供してきた.

高潮ガイダンスでは、検潮所がある地点では潮

\* A new method of tide prediction along the Japanese coastline and its accuracy

\*\* Shigeo Takasa, Masatoshi Chikasawa

Office of Marine Prediction, Global Environment and Marine Department(地球環境・海洋部海洋気象情報室) \*\*\* Hiroyuki Mori

Oceanographical Division, Maizuru Marine Observatory (舞鶴海洋気象台海洋課) 現所属 ※1 函館海洋気象台海洋課 位観測データから算出される潮汐調和定数から求 めた天文潮位を用いている.検潮所がないため調 和定数が得られない地点のうち,潮候改正数(標 準港に対する潮時差及び潮高比)がある地点では, 天文潮位が計算されている近隣地点から潮候改正 数を用いて天文潮位を推定している.潮候改正数 がない地点においては,国立天文台の数値潮汐モ デル NAO.99Jb(以下,NAO.99Jb)(Matsumoto *et al.*, 2000)によって天文潮位を算出している.

2010年5月から高潮を含む全ての警報・注意 報の発表地域の単位を、従来の二次細分区域ごと から市町村ごとに細分化して運用を開始するのに 伴い、空間的に更にきめ細かな潮位予測が必要と なった、潮候改正数が存在する港は全国で800か 所以上あるが、それでも全ての市町村は網羅でき ていない、また、標準港から離れた地点では精度 が低下する問題もある、一方、NAO.99Jbの解像 度は5分で、海峡や水道が再現されておらず、外 海と比べると瀬戸内海や有明海などでの精度が低 い(第1図).また、NAO.99Jbなどの潮汐モデ



第1図 国立天文台数値潮汐モデル NAO.99Jb で用い られている地図の例

関門海峡がふさがっていたり,長崎県の平戸島が九 州と陸続きになっているのが分かる. ルの結果をより現実の潮位に近づけるためには, 潮汐モデルでは再現できない気象潮による季節変 動分を考慮する必要がある(第2図).以上の理 由により,潮候改正数やNAO.99Jbでは,今回の 細分化した高潮警報・注意報を目標とした潮汐予 測には十分でないと考えられる.そこで,高解像 度の高潮ガイダンスを提供するため,海岸線に沿 った各格子点における天文潮位(以下,面的天文 潮位)を計算する手法を新たに開発したので,こ こに報告する.





第2図 観測値及び国立天文台数値潮汐モデル NAO.99Jb で計算した大浦の時系列比較

上図:期間 2004 年 1 月 22 ~ 24 日 (大潮期), 下図: 期間 2004 年 9 月 7 ~ 9 日 (小潮期). 振幅が夏から秋 にかけて大きくなり, 冬から春にかけて小さくなる Sa 分潮が考慮されていないため, NAO.99Jb では冬の 潮位が地点天文潮位よりも高く, 秋の潮位が低くなっ ている.

## 2. 面的天文潮位の計算方法

潮位変動には月・太陽の起潮力による日周潮・ 半日周潮や気象要因(海水温・気圧の季節変動) に伴う年周潮など様々な周期の規則的振動(分潮) が含まれている.検潮所で観測された潮位データ を調和解析することで各分潮の振幅と位相からな る潮汐調和定数(以下,検潮所調和定数)が得ら れる.旧高潮ガイダンス(地点ガイダンス)では この最大 60 個の分潮からなる検潮所調和定数を 用いて推算した天文潮位を利用している.

一方,空間的な広がりを持った面的天文潮位は, 格子ごとに潮位観測データがないことから上記の 方法では求められない.このため,まず起潮力に よって駆動される短周期潮を潮汐モデルを用いて 求めた.また,潮汐モデルでは計算できない気 象もしくは海洋要因による長周期潮については, 長期再解析データ(以下,JRA-25)(Onogi et al., 2007)の気圧データ及び海洋データ同化システム (以下,MOVE/MRI.COM)(石崎ほか,2009)に より算出された海面高度データを調和解析するこ とで各格子点の長周期の調和定数を求めた.これ らの推算結果を第一推定値とし,検潮所調和定数 の同化を行った.以下にその詳細を述べる.

## 2.1 短周期潮

潮汐モデルを用いて潮位を推算する場合、モデ ルに与えられる地形の解像度や海底地形の精度, 側面境界条件の誤差、モデル自体の計算誤差など により検潮所調和定数から推算される天文潮位に 比べて、内湾や海岸線が入り組んだ地域では推算 精度が劣る. このため、アンサンブル変換カルマ ンフィルター (Ensemble Transform Kalman Filter, 以下 ETKF) (Bishop et al., 2001; 三好, 2006) により潮汐モデルの結果と検潮所調和定数を同化 する手法を採用した. ETKF では計算条件(地形 や境界条件)を僅かに変えた多数のアンサンブル をもとにして検潮所調和定数のある格子点とほか の格子点との相関を見積もり、検潮所調和定数を 同化する.多数のアンサンブル計算を行うため, 計算効率の良いオレゴン州立大学潮汐モデル・デ ータ同化ソフトウェア (Oregon State University Tidal Inversion Software, 以下, OTIS) (Egbert and Erofeeva, 2002) を利用した. OTIS は, 潮汐モ デルの出力に衛星海面高度データを変分法で同化 していくシステムであるが,同化のパラメータ選 択に任意性が大きく,適切な値を見出すのが難し い. このため,今回は OTIS の一部である潮汐モ デルのみを使用した. なお,同潮汐モデルには, 各分潮ごとに振幅・位相を求める簡易版(以下, OTIS 潮汐モデル簡易版)と,移流項なども考慮し, 起潮力から実際に各格子の潮位変化を推算し,そ れを調和解析することで各分潮の振幅・位相を求 める詳細版の2種類がある.今回は計算時間など の関係から簡易版を用いた. OTIS 潮汐モデル簡 易版は起潮力を外力とし,線形化した浅水方程式 で構築されているモデルであり,以下のような構 成である (Martin *et al.*, 2009).

$$\frac{\partial U}{\partial t} - f V + gH \frac{\partial (\zeta - \zeta_{SAL})}{\partial x} + \kappa U = f_U \qquad (1)$$

$$\frac{\partial V}{\partial t} + f U + gH \frac{\partial (\zeta - \zeta_{SAL})}{\partial y} + \kappa V = f_V \qquad (2)$$

$$\frac{\partial \zeta}{\partial t} = - \left( \frac{\partial U}{\partial x} + \frac{\partial V}{\partial y} \right)$$
(3)

ここで、U、Vはそれぞれ海面から海底まで積分 された x、y 方向への流速、f はコリオリパラメ ーター、g は重力加速度、H は水深、 $\zeta$ は潮位偏差、  $\zeta_{SAL}$ は海水の自己引力と荷重潮汐、 $\kappa$ は海底摩擦 による散逸係数、f は起潮力である.

実際の計算では,式(1)~(3)の方程式をフ ーリエ変換して時間項をなくすことで,各分潮ご とに振幅と位相を直接求めている(Smith *et al.*, 2010).

$$i\omega U - f V + gH \frac{\partial \zeta}{\partial x} + \kappa U = f_U$$
 (4)  
 $\partial \zeta$ 

$$i\omega V + f U + gH \frac{\partial \gamma}{\partial y} + \kappa V = f_V \qquad (5)$$
$$(\frac{\partial U}{\partial x} + \frac{\partial V}{\partial y}) + i\omega\zeta = f_\zeta \qquad (6)$$

 $\omega$ は分潮の周波数である.なお,式(4)及び式(5) では $\zeta_{SAL}$ はfに含められている.OTISの諸元に ついては第1表に記してある.

OTIS 潮汐モデル簡易版では相対的に振幅の大 きい8分潮(K1, O1, P1, Q1, K2, M2, N2, S2)を求めた.まず,水深データ(高潮モデル と同じ解像度 1km) にランダムな相対誤差を掛け 合わせ 30 個の水深ファイルを作成し,次に複数 の全球潮汐モデルの結果 (NAO.99Jb, FES2004, GOT00.2, TPXO6.2, TPXO7.1) をランダムに重 み付けして足し合わせることで同じように 30 個 の側面境界条件ファイルを作成した. これらを組 み合わせて,30 個の水深/側面境界条件ファイ ルとした.そして,この 30 個の条件を入力とし て OTIS 潮汐モデル簡易版を実行し,各分潮を求 めた.なお,簡易版では海底摩擦は式(1)や式(4) の左辺第4項のように線形化しており,κは以下 のような式で表される.  $C_a$ は海底の抵抗係数で 0.003 が与えられている. また、 $u_0$ は底面での時間平均的な流速で、初期条件では海底地形等にかかわらず一様に 5m/s としている.実際の海底摩擦は海底地形などによって変化するはずで、 $u_0$  も場所によって変化させる必要がある.このため、簡易版では潮汐・潮流算出処理(式(4)~(6)のほかに、式(4)~(6)で求められた各分潮の潮流から $u_0$ を算出する処理がある.適切な $u_0$ とするため今回は、「潮汐・潮流算出処理」と「 $u_0$ 算出処理」を4回繰り返した. なお、矢野ほか(2010)やAn(1977)は、数値実験により潮汐の振幅に海底摩擦が影響していることを明らかにしている.このことから、異なった海底摩擦による結果も利用可能と考えた.そこ

 $\kappa = C_d \frac{u_0}{H} \tag{7}$ 

第1表	面的天文潮位で使用する各分潮算出方法

【日周潮及び半日周潮】						
主要8分潮)						
分潮昇出方法	数値潮汐モナルによる流体力字的な算出					
潮汐モデル	OTIS(オレゴン州立大学潮汐モデル・データ同化ソフトウェア) 潮汐モデル簡易版					
モデル算出分潮	主要 8 分潮 (K1, O1, P1, Q1, K2, M2, N2, S2)					
解像度	$1 \text{km} \times 1 \text{km}$					
海底地形	気象庁高潮モデルと同じ(誤差を与えることにより 30 通りの海 底地形)					
海底摩擦係数	初期条件 5m/s (反復計算により 4 通り算出)					
側面境界条件	各国全球潮汐モデル(NAO.99Jb, FES2004, GOT00.2,					
	TPXO6.2, TPXO7.1)の結果の組み合わせ(30通り)					
マイナー19 分潮)						
分潮算出方法	応答法					
応答法算出分潮	主要8分潮近辺の19分潮(詳細は第2表)					
同化方法	アンサンブル変換カルマンフィルター(ETKF)					
同化用データ	気象庁検潮所潮汐調和定数(2009年版)					
アンサンブルの数	120( 30(水深/側面境界条件)×4(海底摩擦) )					
【長周期潮】						
算出分潮	Sa分潮					
算出方法	調和定数解析					
同化方法	最適内挿法					
同化用データ(大気)	JRA-25 気圧データ					
同化用データ(海洋)	MOVE/MRI.COM 海面高度再解析データ					

で、潮汐・潮流算出過程1~3回目の振幅・位相 もアンサンブルメンバーとした.初回のu<sub>0</sub>は一 様に5m/sであり、これから求められた振幅・位 相は、その後のu<sub>0</sub>から算出されたものに比べて 適切でない可能性があるが、今回はアンサンブル メンバーとして採用した.

以上をまとめると,8分潮について,30(水深 /側面境界条件)×4(海底摩擦)=120個のア ンサンブルを準備したことになる(第3図).今回, 解像度が1kmであり,計算機の使用メモリー制 限などの関係から,日本列島を8つに分け,各領 域ごとに各分潮を求めた.

次に応答法(Munk and Cartwright, 1966)によ り上記8分潮のそれぞれの周期に近い振幅の小さ い19分潮を推定して,全部で27個の分潮からな る面的調和定数とした(第2表).応答法とは, 月や太陽による起潮力ポテンシャルに対する海洋 の応答が潮汐であるとして,起潮力ポテンシャル と既知の分潮の対応関係を求め、その関数から未 知の分潮の振幅や遅角を推定するという手法であ る.ここでは、周波数の近い分潮は応答関数も似 ていると仮定している.応答法は調和解析法と違 い、数箇月程度の観測データで分潮を求められる ことやエイリアシングの影響を受けにくいことな どから、衛星海面高度計データに対する潮汐解析 に用いられている.なお、潮汐力ではなく非線形 効果によって生じる浅海潮は推定できない.

今回求めた短周期潮 27 分潮は日周潮及び半日 周潮のみで,倍潮や複合潮は推算していない.こ れは,浅海潮を算出するには OTIS 潮汐モデルの 詳細版を使用する必要があり,120 個のアンサン ブルを準備するのは現実的ではないと判断したた めである.また,内湾などにおいても上記の日周 潮及び半日周潮だけで誤差±10 センチ以内の見 積もりができると考えられることも推算を見送っ た理由の一つである.



第3図 面的天文潮位における短周期潮算出過程の模式図

主要8分潮についてはオレゴン州立大学潮汐モデル・データ同化ソフトウェア (OTIS) の潮汐モデルにて算出する.主要8分潮近隣のマイナー19分潮については応答法により求 める.そして,これら27分潮に検潮所の調和定数をアンサンブル変換カルマンフィルター (ETKF)で同化することで短周期潮の面的調和定数を算出する. 第2表 国立天文台数値潮汐モデル NAO.99Jb 及び面的天文潮位で用いられている分潮の 比較

NAO.99Jb における Sa 分潮及び Ssa 分潮は天体の運動から求められるものであり,気象 潮ではない.面的天文潮位の※は,応答法によって算出された分潮であることを示す.下 記以外にも地点天文潮位では用いられている日周潮及び半日周潮があるが,振幅が小さく 今回の議論には関係ないため省略した.

<u>分潮名</u>	潮汐の種類	NAO	面的天文潮位	分潮名	潮汐の種類	NAO	面的天文潮位
Sa	長周期潮	$\bigcirc$	0	$\psi_1$	日周潮	$\times$	○※
Ssa	長周期潮	0	×	$\phi_1$	日周潮	×	○※
Mm	長周期潮	0	×	θ1	日周潮	×	○※
MSf	長周期潮	0	×	J1	日周潮	0	○※
Mf	長周期潮	0	×	001	日周潮	0	○※
2Q1	日周潮	×	○※	2N2	半日周潮	0	○※
$\sigma_1$	日周潮	×	○※	μ2	半日周潮	0	○※
Q1	日周潮	0	0	N2	半日周潮	0	0
ρ1	日周潮	×	○※	$\nu 2$	半日周潮	0	○※
01	日周潮	0	0	M2	半日周潮	0	0
MP1	日周潮	×	○※	$\lambda 2$	半日周潮	×	○※
M1	日周潮	0	○※	L2	半日周潮	0	○※
χ1	日周潮	×	○※	T2	半日周潮	0	○※
$\pi 1$	日周潮	×	$\odot$	S2	半日周潮	0	0
P1	日周潮	0	0	R2	半日周潮	$\times$	○₩
<u>K1</u>	日周潮	0	0	K2	半日周潮	0	0

# 2.2 長周期潮

天体による起潮力を外力とする潮汐モデルで は、海洋や気象の要因(海水温・気圧の季節変動) によって現れる長周期潮は計算できない.そこで、 海水温の季節変動については、気象庁で2008年 3月より現業運用している MOVE/MRI.COM の過 去数十年分の海面高度再解析値を、気圧の季節変 動については、JRA-25の気圧をそれぞれ調和解 析し、合成することで年周期である Sa 分潮を求 めた.そして、これを第一推定値として検潮所調 和定数を用いて最適内挿法により修正したものを 各格子の Sa 分潮とした.長周期の気象潮の一つ である Ssa 分潮も今回の調和解析で算出したが、 精度検証がまだ十分でないことから、今回は Sa 分潮のみを長周期潮とした. なお, 再解析データ に適切な誤差を与えるのが困難なため、Sa 分潮 の同化の手法には、ETKF ではなく最適内挿法を 用いた.

# 3. 面的天文潮位の標高表示

第2章で述べた方法により面的調和定数が得ら れ、これを用いることで面的天文潮位が算出され る.面的天文潮位は原理上、平均潮位上の天文潮 位として計算されることから、高潮警報・注意報 に使うためには標高上の値に換算する必要があ る.検潮所で潮汐観測を行っている地点であれば、 潮汐観測から求められる平均潮位と水準測量から 得られる観測基準面の標高との関係により天文潮 位を標高に換算することが可能である.しかし検 潮所のない地点では、平均潮位と標高の関係(面 的な標高換算値)を推定する必要がある.

標高換算値の面的な推定には,MOVE/MRI. COMの数十年分の海面水位から求めた平均海面 高度をもとに,検潮所の平均海面の標高上の高さ を用いて,最適内挿法で修正することにより作成 している(第4図).ただし,平均潮位と標高の 関係が分かっていない一部の離島(神津島,トカ ラ列島,甑島列島など)では,標高上の平均海面 の高さを0として扱っている.



第4図 日本沿岸の平均潮位の標高分布

#### 4. 面的天文潮位の精度,特徴

面的天文潮位の推算精度を調べるために,実際 に観測された潮位と比較した.実際の潮位の変動 には, 天文潮位で表現される周期的な成分のほか に, 観測潮位は気圧補正などされていないので低 気圧の通過に伴う吸い上げ・吹き寄せや海況変動 による非周期的成分が潮位偏差(観測潮位と天文 潮位の差)として現れる.また、天文潮位の算出 に用いられない分潮の成分も潮位偏差として現れ る. 短い期間で見るとそれらの影響は大きくばら ついて現れるが、長い期間のデータを用いて統計 することでそれらの影響が各地点における一定の 値に収束するため, 天文潮位の推算精度の議論が 可能となる. ここで、ある地点における観測潮 位をT<sub>obs</sub>,地点天文潮位をT<sub>ast-n</sub>,面的天文潮位を T<sub>ast-f</sub>, NAO.99Jb による天文潮位をT<sub>nao</sub>とし, そ れぞれの天文潮位による潮位偏差を,

と定義し、例として大浦検潮所における5年間 (2005 ~ 2009 年)の $\triangle A_p$ について、統計期間を 変えて標準偏差 $\sigma$ ( $\triangle A_p$ )、

$$\sigma(\Delta A_{p}) = \left(\frac{1}{n}\sum_{i}\left(\overline{\Delta A_{p}} - \Delta A_{p_{i}}\right)^{2}\right)^{1/2}$$
(11)

を求めた(第5図a).統計期間が1か月程度で は統計値のばらつきが大きいが,1年程度の統計 期間で値が収束している.同様にして求めた伊豆 諸島の三宅島における $\sigma$ ( $\Delta A_p$ )は、2年程度 で大浦のそれの2倍の値に収束しており,黒潮流 路の変動による潮位への影響が大きいこの地域の 特徴を示している(第5図b).今回の精度評価 では各地点を一律の基準で評価するために,統計 期間としてはやや短いが,過去データの制約上, 2009年1年分の観測データを用いて $\sigma$ ( $\Delta A_p$ ) 及び $\sigma$ ( $\Delta A_f$ )を求めた.

第6図に各潮位観測地点における毎時潮位偏差 の標準偏差を示す.地域的特徴を見るため,第7 図にその分布図を示す.標準偏差は,黒潮流路 の変動の影響を大きく受ける伊豆諸島では15cm を超える値となっているが,ほとんどの地点で 10cm 程度となっており, $\sigma$  ( $\Delta A_f$ ) と $\sigma$  ( $\Delta$  $A_p$ ) に大きな違いは見られない.

 $\sigma$  ( $\bigtriangleup A_p$ ) で $\sigma$  ( $\varDelta A_f$ ) を規格化すると,潮 流の強い来島海峡で最も大きな値,約1.5 を示 し,瀬戸内海や有明海など内湾にある地点では値 が1.2 を超え,地点天文潮位に比べてやや推算精



(a) 大浦, (b) 三宅島



第6図 各地の毎時潮位偏差の標準偏差 (2009年) 〇:地点天文潮位  $\sigma$  ( $\Delta A_p$ ),  $\blacklozenge$ : 面的天文潮位  $\sigma$  ( $\Delta A_t$ ),  $\Box$ : NAO.99Jb による天文潮位  $\sigma$  ( $\Delta A_{nao}$ )

度が劣っていることが分かる.これは,面的調和 定数では浅海潮のうち 1/3 日周潮以下の分潮が考 慮されておらず,これらの振幅が大きくなる内湾 の湾奥部でその影響が出たためと考えられる.内 湾での面的天文潮位を実際の潮位に近づけるため には,浅海潮を考慮する必要がある.しかし,検 潮所調和定数と同じ数の浅海潮を面的に求めるた めには,OTIS 潮汐モデルの詳細版を実行し,そ の結果に対して調和解析を行う必要があり,精度 向上に対する計算コストを考えると現実的ではな い.そこで,気象庁高潮モデルを潮汐算出できる ように改造するなどの次善策を現在検討している.

一方で、今回採用を見送った Ssa 分潮について は、外洋に面した地点でも目立った精度低下は見 られていないことから、その影響は小さかったと 考える.

そのほかの特徴として、検潮所調和定数に年周 潮が含まれていないなど、地点天文潮の精度が低 い地点では面的天文潮位の導入により、推算精度 が向上した地点もあった.



# 第7図 各地の毎時潮位偏差の標準偏差 (2009年) (a) 地点天文潮位 $\sigma$ ( $\bigtriangleup A_p$ ), (b) 面的天文潮位 $\sigma$ ( $\bigtriangleup A_f$ ), (c) $\sigma$ ( $\bigtriangleup A_f$ ) / $\sigma$ ( $\bigtriangleup A_p$ )

#### 5. まとめ

平成22年度に開始した市町村を対象とした高 潮警報・注意報の的確な発表を支援するため,我 が国の海岸線に沿った任意の地点における天文潮 位(面的天文潮位)を推算する手法を開発した. この手法によって得られた天文潮位と,従来から 用いられている天文潮位の推算精度を比較したと ころ,外洋に面した地点に比べ,浅海潮の影響の 大きい内湾の湾奥部では面的天文潮位の推算精度 がやや劣る傾向にあるが,ほとんどの地域でおお むね良い精度を示しており,利用可能であること が分かった.

# 謝辞

本稿作成にあたり,面的天文潮位の開発者であ る檜垣将和技術専門官(現予報部数値予報課)に ご指導いただき,感謝します.

# 付録 潮汐調和定数

潮汐を起こす力(起潮力)は天体(月と太陽) と地球との間の引力と遠心力の合成で表される が,起潮力の大部分の変動は周期的であるため, 起潮力を様々な周期の三角関数の総和として表す ことができる.この個々の周期の成分を分潮と呼 び,三角関数に含まれる振幅と遅角(天体の周期 的な運動に対する遅れ具合)の値を潮汐調和定数 と呼ぶ.気象庁の潮位表に掲載される天文潮位の 計算には,最大 60 の分潮から構成される潮汐調 和定数を使用している.

## 参 考 文 献

- An, H. S. (1977) : A Numerical Experiment of the M2 Tide in the Yellow Sea. J. Oceanorg. Soc. Japan, 33, 103-110.
- Bishop, C. H., B. J. Etherton and S. J. Majumdar (2001) : Adaptive Sampling with the Ensemble Transform Kalman Filter. Part I : Theoretical aspects. Mon. Wea. Rev., 129, 420-436.
- Egbert, G. D., and S. Y. Erofeeva (2002) : Efficient Inverse Modeling of Barotropic Ocean Tides. J. Atmos. Oceanic Technol., 19, 183-204.
- 檜垣将和(2001):高潮数値予測モデルの概要とその 運用.測候時報,68,特別号, S79-S83.
- 石崎士郎・曽我太三・碓氷典久・藤井陽介・辻野博之・ 石川一郎・吉岡典哉・倉賀野連・蒲地政文(2009): MOVE/MRI.COM の概要と現業システムの構築. 測候時報,76,特別号, S1-S15.
- Martin, P. J., S. R. Smith, P. G. Posey, G. M. Dawson and S. H. Riedlinger (2009) : Use of the Oregon State University Tidal Inversion Software (OTIS) to Generate Improved Tidal Prediction in the East-Asian Seas. NRL/ MR/7320--09-9176, 29pp.
- Matsumoto, K., T. Takanezawa and M. Ooe (2000) : Ocean Tide Models Developed by Assimilating TOPEX/ POSEIDON Altimeter Data into Hydrodynamical Model: A Global Model and a Regional Model around Japan. J. Oceanogr., 56, 567-581.
- 三好建正 (2006): アンサンブル・カルマンフィルタ ~データ同化との融合~.数値予報課報告・別冊 第52号,気象庁予報部,80-99.
- Munk, W. H. and D. E. Cartwright, (1966) : Tidal Spectroscopy and Prediction. Phil. Trans. Roy. Soc. London, A1105, 533-581.
- Onogi, K., J. Tsutsui, H. Koide, M. Sakamoto, S. Kobayashi,
  H. Hatsushika, T. Matsumoto, N. Yamazaki, H.
  Kamahori, K. Takahashi, S. Kadokura, K. Wada, K.
  Kato, R. Oyama, T. Ose, N. Mannoji and R. Taira
  (2007) : The JRA-25 Reanalysis. J. Meteor. Soc.
  Japan, 85, 369-432.
- Smith, S. R., P. G. Posey, P. J. Martin, G. M. Dawson and C. Rowley (2010) : Software Design Description for the Tidal Open-boundary Prediction System (TOPS). NRL/ MR/7320--10-9209, 58pp.
- 矢野真一郎・J. C. Winterwerp・田井 明・齋田倫範 (2010):有明海・八代海における非線形潮汐の特 性とその底質輸送への影響に関する数値実験.土 木学会論文集 B2(海岸工学), 66, 341-345.